

{- -- continuação do slide anterior -- -}

```
removeTable _ Empty = Empty
removeTable x (Node (c,_) e Empty) | x == c = e
removeTable x (Node (c,_) Empty d) | x == c = d
removeTable x (Node (c,v) e d)
  | x < c = Node (c,v) (removeTable x e) d
  | x > c = Node (c,v) e (removeTable x d)
  | x == c = let (y,z) = minTable d
              in Node (y,z) e (removeTable y d)

minTable :: Table a b -> (a,b)
minTable (Node (c,v) Empty _) = (c,v)
minTable (Node _ e _) = minTable e

instance (Show a, Show b) => Show (Table a b) where
  show Empty = ""
  show (Node (c,v) e d) = (show e)++(show c)++"\t"++(show v)++"\n"++(show d)
```

185

Sequência de Fibonacci

O n-ésimo número da sequência de Fibonacci define-se matematicamente por

$$\begin{aligned} \text{fib } n &= 0 & , \text{ se } n &= 0 \\ \text{fib } n &= 1 & , \text{ se } n &= 1 \\ \text{fib } n &= \text{fib } (n-2) + \text{fib } (n-1) & , \text{ se } n &\geq 2 \end{aligned}$$

```
fib 0 = 0
fib 1 = 1
fib n | n>=2 = fib (n-2) + fib (n-1)
```

O cálculo do fib de um número pode envolver o cálculo do fib de números mais pequenos, repetidas vezes.

$$\begin{aligned} \text{fib } 5 &\Rightarrow (\text{fib } 3) + (\text{fib } 4) \Rightarrow ((\text{fib } 1) + (\text{fib } 2)) + ((\text{fib } 2) + (\text{fib } 3)) \\ &\Rightarrow (1 + ((\text{fib } 0) + (\text{fib } 1))) + ((\text{fib } 2) + (\text{fib } 3)) \Rightarrow \dots \Rightarrow \dots \Rightarrow 5 \end{aligned}$$

A sequência de Fibonacci pode ser definida por

```
seqFibonacci = [ fib n | n <- [0,1..] ]
```

187

```
module Main where
import Table

type Numero = Integer
type Nome = String
type Nota = Integer

pauta :: [(Numero, Nome, Nota)] -> Table Numero (Nome, Nota)
pauta [] = newTable
pauta ((x,y,z):xyzs) = updateTable (x,(y,z)) (pauta xyzs)

info = [(1111, "Mario", 14), (5555, "Helena", 15), (3333, "Teresa", 12),
        (7777, "Pedro", 15), (2222, "Rui", 17), (9999, "Pedro", 10)]
```

Exemplos:

```
*Main> pauta info
1111 ("Mario",14)
2222 ("Rui",17)
3333 ("Teresa",12)
5555 ("Helena",15)
7777 ("Pedro",15)
9999 ("Pedro",10)
```

```
*Main> findTable 5555 (pauta info)
Just ("Helena",15)
*Main> findTable 8888 (pauta info)
Nothing
*Main> removeTable 9999 (pauta info)
1111 ("Mario",14)
2222 ("Rui",17)
3333 ("Teresa",12)
5555 ("Helena",15)
7777 ("Pedro",15)
```

Como estará a tabela implementada ?

186

Uma versão mais eficiente dos números de Fibonacci utiliza um parametro de acumulação.

Neste caso o acumulador é um par que regista os dois últimos números de Fibonacci calculados até ao momento.

```
fib n = fibAc (0,1) n
  where fibAc (a,b) 0 = a
        fibAc (a,b) 1 = b
        fibAc (a,b) (n+1) = fib (b,a+b) n
```

$$\begin{aligned} \text{fib } 5 &\Rightarrow \text{fibAc } (0,1) \ 5 \Rightarrow \text{fibAc } (1,1) \ 4 \Rightarrow \text{fibAc } (1,2) \ 3 \\ &\Rightarrow \text{fibAc } (2,3) \ 2 \Rightarrow \text{fibAc } (3,5) \ 1 \Rightarrow 5 \end{aligned}$$

A sequência de Fibonacci pode ser definida por

```
seqFib = 0 : 1 : [ a+b | (a,b) <- zip seqFib (tail seqFib) ]
```

Note que é a [lazy evaluation](#) que faz com que este género de definição seja possível.

188